

A 2.2.1)

Diese Aufgabe lässt sich ohne Verwendung des GTR lösen.

Gegeben ist die Funktion  $f_t$  für  $t > 0$  durch ihre Funktionswerte  $f_t(x) = \frac{t^4}{x^2 + 3t^2}$ .

Ihr Schaubild sei  $K_t$ .

- a) Gib den Definitionsbereich von  $K_t$  an. Untersuche  $K_t$  auf Symmetrie, Schnittpunkte mit den Koordinatenachsen, Extrem- und Wendepunkte sowie auf alle Asymptoten.

Zeichne  $K_3$  im Intervall  $[-6;6]$ .

- b) Auf welcher Kurve liegen die Wendepunkte aller  $K_t$ ? D.h. Bestimme die Ortskurve aller Wendepunkte  $WP_t$ .

Die Verbindungslinie der beiden Wendepunkte  $WP_{t1}$  und  $WP_{t2}$  und die beiden Wendetangenten bilden ein Dreieck.

Für welchen Wert von  $t$  ist dieses Dreieck rechtwinklig?

- c) Der Punkt  $P(u|f_t(u))$  liegt im 1. Feld auf  $K_t$ .

$P$  ist ein Eckpunkt eines achsenparallelen Rechtecks, welches der Fläche zwischen  $K_t$  und der  $x$ -Achse eingeschrieben ist.

Wie müssen die Koordinaten von  $P$  gewählt werden, damit der Flächeninhalt des Rechtecks extremal wird.

Begründe, dass es sich um ein Minimum handelt.

Für welchen Wert von  $t$  ist das Rechteck ein Quadrat?

- d) Die Funktion  $g$  ist gegeben durch  $g(x) = \frac{27}{4x}$  für  $x > 0$ .

Bestimme diejenigen Werte von  $x$ , für die  $g(x) > f_3(x)$  ist.

- e) Die Wertemenge  $W_f$  einer Funktion ist die Menge aller Funktionswerte  $f(x)$ , die  $\forall x \in D_f$  angenommen werden.

Gib die Wertemenge von  $f_3$  an.